

$a$  を実数の定数とする。座標平面上の 2 つの曲線

$$y = 2x^2|x - 2|, \quad y = \frac{1}{2}x^2 + x + a$$

の共有点の個数を、 $a$  の値で分類して求めよ。

(25 点)