

直前講習

解答

Z会東大進学教室

直前東工大化学

【1回目】



問題

【1】

解答・解説

1

問 i 問 A 求める四角柱の体積 $a \times 10^{-9} \times \frac{\sqrt{3}a \times 10^{-9}}{2} \times b \times 10^{-9} = \frac{\sqrt{3}a^2b \times 10^{-27}}{2}$ [m³]

問 B 四角柱に含まれる原子数は

$$\frac{1}{6} \times 2 + \frac{1}{3} \times 1 + \frac{1}{12} \times 4 + \frac{1}{6} \times 2 = \frac{4}{3}$$
 [個]

である。問 A より、黒鉛の結晶の密度は

$$\frac{\frac{m}{N} \times \frac{4}{3} [\text{g}]}{\frac{\sqrt{3}a^2b \times 10^{-21}}{2} [\text{cm}^3]} = \frac{8m \times 10^{21}}{3\sqrt{3}a^2bN} = \frac{8\sqrt{3}m \times 10^{21}}{9a^2bN}$$

(答) A : 3, B : 1

問 ii 問 A 面心立方格子には、単位格子 1 個あたり 4 個の粒子が含まれるので、本問の条件では、平均すると単位格子 1 個あたり C₆₀ 分子 2 個、ネオン内包 C₆₀ 分子 1 個、アルゴン内包 C₆₀ 分子 1 個が含まれることになる。単位格子 1 個の質量から、この分子結晶の密度を求めるとき、次のようになる。

$$\frac{720}{6.00 \times 10^{23}} \times 2 + \frac{740}{6.00 \times 10^{23}} + \frac{760}{6.00 \times 10^{23}} = 1.711$$
 [g/cm³]
(答) 1.71g/cm³

問 B 0.210g の混合気体に含まれるネオンとアルゴンの物質量をそれぞれ x[mol], y[mol] とすると、この混合気体について次式が成り立つ。

$$1.00 \times 10^5 \times \frac{49.8}{1000} = (x+y) \times 8.30 \times 10^3 \times 100$$

また、この混合気体の質量が 0.210g であることから

$$20x + 40y = 0.210$$

$$\therefore x = 1.5 \times 10^{-3}, y = 4.5 \times 10^{-3}$$

したがって、分子結晶 9.21g に含まれていた C₆₀ 分子の物質量は

$$\frac{9.21 - (740 \times 1.5 \times 10^{-3} + 760 \times 4.5 \times 10^{-3})}{720} = 6.5 \times 10^{-3} [\text{mol}]$$

C₆₀ 分子およびネオン内包 C₆₀ 分子の物質量の割合は

$$\text{C}_60 \text{ 分子} ; \frac{6.5 \times 10^{-3}}{6.5 \times 10^{-3} + 1.5 \times 10^{-3} + 4.5 \times 10^{-3}} \times 100 = 52 [\%]$$

$$\text{ネオン内包 C}_60 \text{ 分子} ; \frac{1.5 \times 10^{-3}}{6.5 \times 10^{-3} + 1.5 \times 10^{-3} + 4.5 \times 10^{-3}} \times 100 = 12 [\%]$$

(答) C₆₀ 分子 ; 52%, ネオン内包 C₆₀ 分子 ; 12%

2

問 i (答) $K = \frac{k_1}{k_2}$

問 ii 問 A (ア)の平衡状態から追加した I_2 の物質量を $x[\text{mol}]$, 新しい平衡状態となるまでに反応した H_2 と I_2 の物質量を $y[\text{mol}]$ とすると, 反応の量的関係は以下の通り(単位: mol)。

	H_2	$+ I_2$	\rightleftharpoons	$2HI$
最初	30.0	20.0		0
変化量	-18.0	-18.0		+36.0
(ア)	12.0	2.0		36.0

新しい平衡状態 $12.0 - y \quad 2.0 + x - y \quad 36.0 + 2y$

$v_2 = k_2 [HI]^2$ において新しい平衡状態の v_2 が(ア)の平衡状態の 2.25 倍であったことより

$$(36.0 + 2y)^2 = 36.0^2 \times 2.25$$

$$\therefore 36.0 + 2y = 36.0 \times 1.5$$

$$\therefore y = 9.0 \text{ [mol]}$$

同じように考えて

$$(12.0 - 9.0)(2.0 + x - 9.0) = 12.0 \times 2.0 \times 2.25$$

$$\therefore 3 \times (x - 7.0) = 24.0 \times 2.25$$

$$\therefore x = 25.0 \text{ [mol]}$$

(答) 25mol

問 B 容器の容積を V とすると, 次の式が成り立つ。

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{\left(\frac{36.0}{V}\right)^2}{\frac{12.0}{V} \times \frac{2.0}{V}} \times \frac{\frac{12.0}{V} \times \frac{(2.0+25)}{V}}{\left(\frac{36.0}{V}\right)^2} = \frac{27}{2} = 13.5$$

(答) 14 倍

問 iii 1. 過酸化水素水 500mL 中に含まれている過酸化水素の物質量は

$$0.60 \times \frac{500}{1000} = 0.30 \text{ [mol]}$$

また, 生成した酸素は

$$\frac{1.0 \times 10^5 \times 2.49}{300 \times 8300} = 0.10 \text{ [mol]}$$

生成した酸素の 2 倍の過酸化水素が反応しているので, 反応した過酸化水素をモル濃度で表すと

$$0.20 \times \frac{1000}{500} = 0.40 \text{ [mol/L]}$$

50 秒間に過酸化水素が 0.40mol/L 分解したので, 平均の分解速度は, 次のようになる。

$$\frac{0.40}{50} = 8.0 \times 10^{-3} \text{ [mol/(L·s)]}$$

(誤)

2. 50 秒後に残った過酸化水素のモル濃度は

$$0.10 \times \frac{1000}{500} = 0.20 \text{ [mol/L]}$$

(正)

(答) 2

- 3 $x[\text{mol}]$ の二酸化炭素が水に溶け、容器内の圧力が $P[\text{Pa}]$ になったとする。気相部分について

$$P \times 1.12 = (0.050 - x) \times 8.3 \times 10^3 \times 273$$

$$\therefore P = \frac{(0.050 - x) \times 8.3 \times 10^3 \times 273}{1.12} \doteq (1.01 - 20.2x) \times 10^5 \text{ [Pa]}$$

液相部分について、次の式が成り立つ。

$$x = \frac{1.7P}{22.4 \times 10^5} = \frac{1.7 \times (1.01 - 20.2x) \times 10^5}{22.4 \times 10^5} \text{ [mol]}$$

$$\therefore x = 3.02 \times 10^{-2} \text{ [mol]} \quad \therefore P = 3.99 \times 10^4 \text{ [Pa]}$$

(答) 問 i ; $4.0 \times 10^4 \text{ Pa}$, 問 ii ; $3.0 \times 10^{-2} \text{ mol}$

【配点のめやす】 (40 点)

1 問 i 問 A 4 点, 問 B 4 点

問 ii 問 A 5 点, 問 B 6 点(各 3 点)

2 問 i 3 点

問 ii 問 A 4 点, 問 B 4 点

問 iii 4 点(正答にあわせて誤答を答えているものは 2 点)

3 問 i 3 点

問 ii 3 点

【2】

解答・解説

4 A ; CaCO₃, B ; NaCl, C ; CO₂, D ; Ca(OH)₂, E ; NH₃, F ; NH₄Cl, G ; NaHCO₃

問 i 2. 酸性塩はGのみである。(誤)

(答) 2

問 ii 炭酸ナトリウムは14.0mol生成する。さらに、第5段階で副生した二酸化炭素CO₂14.0molを再利用し、かつ、もう一度28.0molの炭酸カルシウムを用いて第1段階の反応を行うと、二酸化炭素は14.0+28.0=42.0 [mol]生成する。これを用いて第3段階、第5段階の反応を行うと、炭酸ナトリウムは $42.0 \times \frac{1}{2} = 21.0$ [mol]生成するので、はじめに生成した14.0molとあわせて14.0+21.0=35.0 [mol]得られることになる。

(答) 35mol

問 iii 得られた混合物180gに含まれる炭酸ナトリウムの質量の割合をx(0≤x≤1)とすると、残存している炭酸水素ナトリウムの質量の割合は1-xと表される。炭酸ナトリウムは2価の塩基、炭酸水素ナトリウムは1価の塩基としてはたらくことに注意して、中和の量的関係を考える。

$$\left\{ \frac{180x}{106} \times 2 + \frac{180(1-x)}{84} \times 1 \right\} \times \frac{20.0}{5.00 \times 10^3} = 0.200 \times \frac{65.0}{1000} \times 1 \quad \therefore x = 0.883$$

(答) 88%

5 問 i (答) 3, 6

問 ii 問 A 図①は原子番号の増加にともなって沸点が低くなっているので、ハロゲン化ナトリウムNaXの沸点を示していると考えられる。図②はXがFの場合に高い沸点を示し、それ以外は原子番号の増加にともなって沸点が高くなっているので、ハロゲン化水素HXの沸点を示していると考えられる。

(答) 図①; 3, 図②; 2

問 B (答) 3, 6

【配点のめやす】(20点)

4 問 i 2点(正答にあわせて誤答を答えているものは不可)

問 ii 4点

問 iii 4点

5 問 i 3点

(正答2つで3点、正答1つ、または正答にあわせて誤答を答えているものは1点)

問 ii 問 A 4点(各2点)

問 B 3点

(正答2つで3点、正答1つ、または正答にあわせて誤答を答えているものは1点)

【3】

解答・解説

6 1, 5, 8では、親油性についてまったく検証していない。6, 2, 4は沸点に関する実験であり、親油性とは関係がない。7, 9, 3が与えられた目的に対する実験、結果、考察に対応する。アルキル基は親油性であり、脂肪酸に占めるアルキル基が大きくなればなるほど、水に溶けにくくなり、ベンゼン(有機溶媒)に溶けやすくなる。

(答) b ; 7, d ; 3

7

問 i Aには炭素-炭素二重結合が2個含まれる。KMnO₄により、Aに含まれる2個の炭素-炭素二重結合が開裂すると、2価カルボン酸Bのみが生じることから、反応は次のように考えることができる。



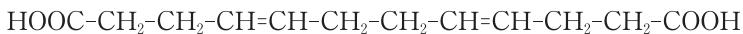
Aの分子式はC₁₂H₁₈O₄と与えられているので、RはC₂H₄で表されることになる。これを満たすBの構造式としては、次の2種類が考えられる。



1. 1分子のAには炭素-炭素二重結合が2つ含まれるので、Aの2倍の物質量の臭素が消費される(誤)。
2. 上に示すように、Bは炭素原子を4つもつ2価カルボン酸である(誤)。
3. Bとして考えられるどちらの構造においても、不斉炭素原子は含まれない(正)。
4. Bとして考えられる構造は2つである(誤)。
5. Bとして考えられるどちらの構造もヨードホルム反応を示さない(誤)。
6. Bは還元性を示す基をもたないので、銀鏡反応を示さない(誤)。

(答) 3

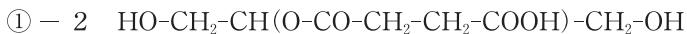
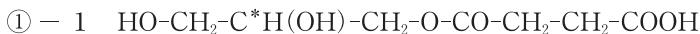
問 ii KMnO₄との反応により、①の構造のBのみが生じる場合のAは



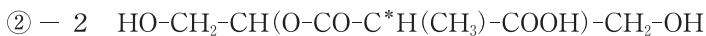
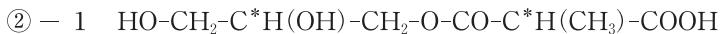
と表される。幾何異性体を考慮すると、2つの炭素-炭素二重結合について、(シス、シス)、(シス、トランス)、(トランス、トランス)となっている3通りの組合せが考えられる。同様に、②の構造のBのみが生じる場合も、上記の3通りの組合せが考えられるので、Aとして可能な構造は合計6種類である。

(答) 6

問 iii グリセリンと①の構造のBの1分子どうしが縮合して生じるエステルは、光学異性体を区別しないと、次の2種類が考えられる(以下、不斉炭素原子をC*と表す)。



一方、グリセリンと②の構造のBの1分子どうしが縮合して生じるエステルは、光学異性体を区別しないと、次の2種類が考えられる。



以上より、不斉炭素原子を2つもつ1価カルボン酸Cは、②-1の構造である。

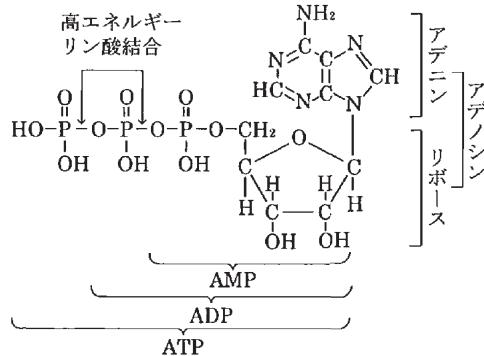
(答) HO-CH₂-CH(OH)-CH₂-O-C(=O)-CH(CH₃)C(=O)-OH

8

問 i それぞれの部分構造の由来となる物質の名称を示す。

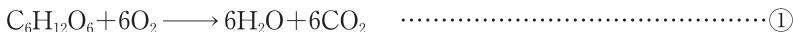
1. デオキシリボース 2. リボース 3. α -フルクトース 4. β -グルコース
5. グアニン 6. シトシン 7. アデニン 8. チミン

ATP は、リボースにアデニンと 3 分子のリン酸分子が縮合してできた構造をもつ。



(答) X;2, Y;7

問 ii 酵母を加え、空気(酸素)が存在する状態(好気条件)では、つぎの好気呼吸が起こる。



一方、空気(酸素)を遮断した状態(嫌気条件)では、つぎの嫌気呼吸が起こる。



生成したエタノール(分子量 46)2.53g は、すべて②の嫌気条件の反応に由来するものであ

るから、同時に発生した二酸化炭素の物質量はエタノールの物質量に等しく $\frac{2.53}{46} = 0.055$

[mol]である。また、②で消費されたグルコースの物質量は $\frac{0.055}{2} = 0.0275$ [mol]である。

一連の反応でグルコース 9.00g(分子量 180)は完全に消費されたので、①の好気条件下消費

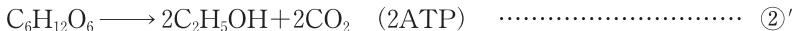
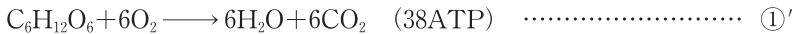
されたグルコースの物質量は $\frac{9.00}{180} - 0.0275 = 0.0225\text{[mol]}$ となり、①により生成した二酸化

炭素は $0.0225 \times 6 = 0.135$ [mol] となる。求める二酸化炭素の物質量は

$$0.055 + 0.135 = 0.190 \text{ [mol]}$$

(答) 0.19 mol

問Ⅲ ①式、②式より生じるATPは、それぞれ次の①'、②'のとおりである。



①'のように反応したグルコースは、⑤より 0.0225mol 、②'のように反応したグルコースは、④より 0.0275mol であるので、生成したATPの全物質量は、次のようになる。

$$0.0225 \times 38 + 0.0275 \times 2 = 0.910 \text{ [mol]}$$

(答) 0.91 mol

9

- A : ビウレット反応で、タンパク質が存在すると赤紫色となる。
B : 試料中に硫黄があると硫化鉛(II)PbS を生じ、褐色または黒色となる。
C : デンプンがあると青紫色を示す。
D : キサントプロテイン反応で、芳香環(ベンゼン環)をもつアミノ酸を成分とするタンパク質では黄色～オレンジ色となる。
E : 還元性物質により、酸化銅(I)Cu₂O の赤色沈殿を生じる。

したがって、2はCにより、3はAにより、4はBにより、5はDにより確認できる。しかし1は、ショ糖を単糖類に分解する操作がA～E中ないので、確認できない。

(答) 1

問 ii 問 A アセチル化で分子量は42増加する(-COCH₃)分増加し、-H分減少する=43-1=42)。Aは11.50-7.30=4.2[g]、Bは8.28-6.60=1.68[g] 増加している。アミノ酸1分子中のアミノ基1つがアセチル化されたと考えると、A、Bの物質量は次のように求められる。

$$A : \frac{4.2}{42} = 0.1 \text{ [mol]}$$

$$B : \frac{1.68}{42} = 0.04 \text{ [mol]}$$

これより、A、Bの分子量は

$$A : \frac{7.30}{0.1} = 73$$

$$B : \frac{6.60}{0.04} = 165$$

Bはフェニルアラニン(R=CH₂-C₆H₅)が該当するが、Aは該当するアミノ酸が選択肢に含まれていない。そこで、アミノ酸側鎖にもアミノ基が含まれていたとし、アミノ酸1分子中のアミノ基2つがアセチル化されたと仮定してみよう。Aの物質量はアセチル基の物質量の1/2となるから

$$\frac{7.30}{0.05} = 146$$

となり、リシン(R=CH₂-CH₂-CH₂-CH₂-NH₂)が当てはまり、分子量、側鎖にアミノ基をもつことも仮定に一致する。

(答) A:2, B:4

問 B m[分子]のAと、n[分子]のBからなるペプチド1 molを完全に加水分解するには、(m+n-1)[mol]の水が必要となる。ペプチドの加水分解において必要とされた水は

$$7.30 + 6.60 - 12.37 = 1.53 \text{ [g]} \quad \therefore \frac{1.53}{18} = 0.085 \text{ [mol]}$$

$$(n+m-1) : n : m = 0.085 : 0.05 : 0.04 = 17 : 10 : 8$$

したがって、このペプチドは10分子のAと8分子のBの、合計18分子のアミノ酸から構成されていたことがわかる。

(答) 18

【配点のめやす】 (40 点)

- 6** 4 点(各 2 点)
- 7** 問 i 4 点 (正答にあわせて誤答を答えているものは 2 点)
 問 ii 4 点
 問 iii 4 点
- 8** 問 i 4 点(各 2 点)
 問 ii 4 点
 問 iii 4 点
- 9** 問 i 4 点 (正答にあわせて誤答を答えているものは 2 点)
 問 ii 問 A 4 点(各 2 点)
 問 B 4 点

CF
直前東工大化学
【1回目】



会員番号		氏名	
------	--	----	--